

ENA – 2024 – Gabarito com Soluções

1. Considere as seguintes afirmações:

- I. A soma de dois números irracionais sempre dá um número irracional.
- II. A soma de um número irracional com um racional sempre dá um número irracional.
- III. O produto de dois números irracionais sempre dá um número irracional.

É correto o que se afirma em:

- (A) II, apenas.
- (B) III, apenas.
- (C) I e II, apenas.
- (D) I e III, apenas.
- (E) I, II e III.

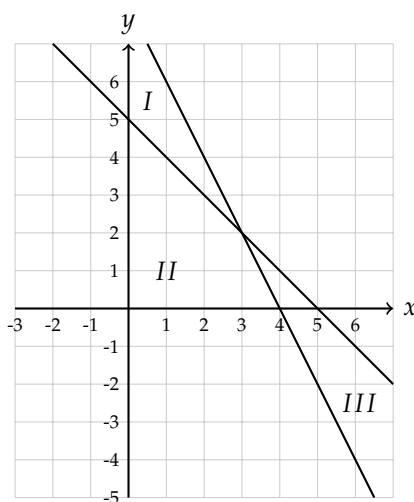
**Solução da questão 1**

**Resposta: A**

O item I é falso, pois  $\sqrt{2}$  e  $-\sqrt{2}$  são números irracionais, mas  $\sqrt{2} + (-\sqrt{2}) = 0$  é racional. O mesmo contra-exemplo pode ser usado para mostrar que III também é falso, pois  $\sqrt{2} \cdot (-\sqrt{2}) = -2$  é racional.

O item II é verdadeiro. Se  $x$  é irracional e  $y$  é racional, então  $x + y$  é irracional. De fato, suponha que  $x + y$  seja racional. Neste caso,  $x = (x + y) - y$  também seria racional, o que dá uma contradição.  $\square$

2. O conjunto solução do sistema de inequações  $\begin{cases} x + y \leq 5 \\ 2x + y \leq 8 \end{cases}$



é a região do plano identificada na figura acima pelo(s) número(s):

- (A) I, apenas.
- (B) II, apenas.
- (C) I e III, apenas.
- (D) II e III, apenas.
- (E) I, II e III.

### Solução da questão 2

Resposta: B

A solução da inequação  $x + y \leq 5$  é a união das regiões II e III.

A solução da inequação  $2x + y \leq 8$  é a união das regiões I e II.

Portanto para verificar as duas inequações é necessário e suficiente que o ponto pertença à região II.  $\square$

---

3. Maria comprou uma cafeteira e quitou a dívida pagando 180 reais um mês após a compra e 200 reais dois meses após a compra. Se os juros mensais são de 25% sobre o saldo devedor, o preço à vista, em reais, é igual a

(A) 242.

(B) 252.

(C) 262.

(D) 272.

(E) 282.

### Solução da questão 3

Resposta: D

Digamos que o preço à vista é  $P$ .

Um mês após a compra o saldo devedor é igual  $1,25P$ .

Se o valor pago foi de 180 reais o saldo devedor passa a ser  $1,25P - 180$ .

Dois meses após a compra o saldo devedor será igual a  $1,25(1,25P - 180) - 200$ .

Como o produto foi quitado na segunda parcela segue que  $1,25(1,25P - 180) - 200 = 0$ .

Portanto temos que resolver a equação  $1,25^2P = 425$ , cuja solução é  $P = 272$ .  $\square$

---

4. Qual das opções abaixo é equivalente a  $25\%^{50\%}$ ?

(A) 12,5%

(B) 0,5%

(C) 5%

(D) 50%

(E) 125%

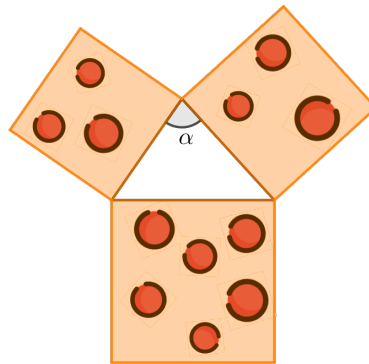
### Solução da questão 4

Resposta: D

Temos que  $25\%^{50\%} = \left(\frac{1}{4}\right)^{1/2} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2} = 50\%$ .  $\square$

---

5. Michel tem a sua disposição 3 pizzas quadradas, com medidas diferentes, mas todas de mesma espessura. Ele pode escolher entre comer apenas as duas pizzas menores ou apenas a maior. Desejando comer o máximo possível de pizza, sem dispor de ferramentas para medir o comprimento de seus lados mas de posse de um bom transferidor, Michel organizou as pizzas como mostra a figura.



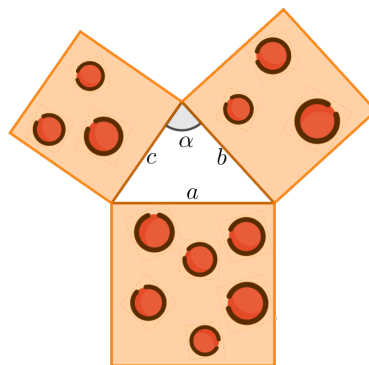
Para ser vantajoso para Michel comer as duas pizzas menores, é **necessário e suficiente** que

- (A)  $\alpha$  seja um ângulo agudo.
- (B)  $\alpha$  seja um ângulo reto.
- (C)  $\alpha$  seja um ângulo obtuso.
- (D)  $\alpha > 60^\circ$ .
- (E)  $\alpha < 60^\circ$ .

**Solução da questão 5**

**Resposta: A**

Vamos chamar de  $a$  o lado da pizza maior, de  $b$  o lado da segunda maior pizza e de  $c$  o lado da menor pizza.



Pela Lei dos Cossenos, temos

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos(\alpha).$$

Sabemos que  $a^2$  é a área da pizza maior, que chamaremos de  $A_1$ , e  $b^2 + c^2$  é a soma das áreas das pizzas menores, que chamaremos de  $A_2$ . Assim, pela igualdade anterior,

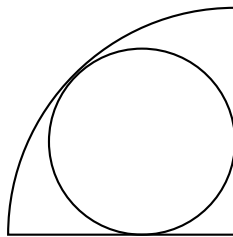
$$A_1 = A_2 - 2bc \cos(\alpha).$$

Como  $bc > 0$ , teremos

- $A_1 = A_2$  se, e somente se,  $\cos(\alpha) = 0$ , que equivale a  $\alpha = 90^\circ$ .
- $A_1 < A_2$  se, e somente se,  $\cos(\alpha) > 0$ , que equivale a  $0^\circ < \alpha < 90^\circ$ .
- $A_1 > A_2$  se, e somente se,  $\cos(\alpha) < 0$ , que equivale a  $90^\circ < \alpha < 180^\circ$ .

Será vantajoso comer as duas pizzas menores se, e somente se,  $A_2 > A_1$ , que equivale a  $0^\circ < \alpha < 90^\circ$ , ou seja,  $\alpha$  ser um ângulo agudo.  $\square$

6. Um círculo está inscrito em um setor circular de 90 graus.



A razão entre a área do círculo inscrito e a área do setor que o contém é igual a

- (A)  $\frac{1}{4}$
- (B)  $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- (C)  $\frac{4}{1 + \sqrt{2}}$
- (D)  $\frac{4}{\sqrt{2}}$
- (E)  $\frac{4}{(1 + \sqrt{2})^2}$

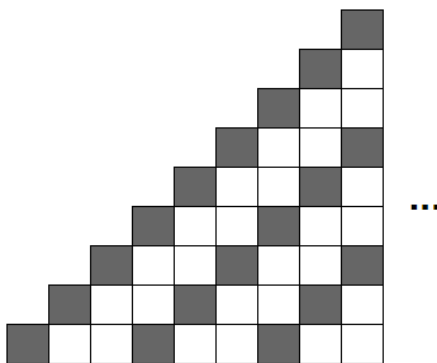
**Solução da questão 6**

**Resposta: E**

Sejam  $R$  e  $r$  os raios do setor e do círculo inscrito, respectivamente. Traçando uma perpendicular do centro do círculo inscrito a um dos lados do setor e unindo este centro ao do quadrante, teremos um triângulo retângulo isósceles de hipotenusa  $R - r$  e catetos iguais a  $r$ . Daí  $R - r = r\sqrt{2}$ , ou seja,  $r = \frac{R}{1 + \sqrt{2}}$ .

Temos então que a razão entre as áreas é igual a  $\frac{4}{(1 + \sqrt{2})^2}$ . □

7. Um tabuleiro é formado de casas quadradas de mesmo tamanho e contém 300 colunas. Cada coluna possui uma casa a mais do que a coluna imediatamente a sua esquerda. A casa superior de cada coluna é pintada de preto e cada linha segue pintada com duas casas brancas e uma preta, depois repete-se esse padrão. A figura abaixo mostra as primeiras 9 colunas desse tabuleiro.



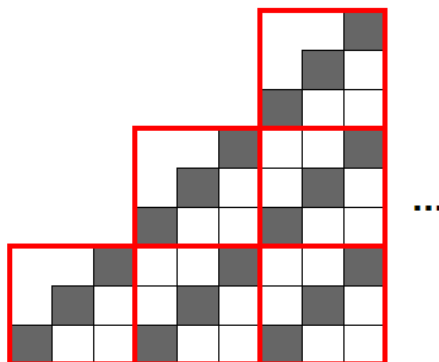
Quantas casas pretas possui o tabuleiro?

- (A) 5050
- (B) 10100
- (C) 15050
- (D) 15150
- (E) 45150

**Solução da questão 7**

**Resposta: D**

Podemos dividir o tabuleiro em blocos de  $3 \times 3$  casas, como mostra a figura abaixo:



Cada bloco terá 3 casas pintadas. Teremos 100 colunas de blocos; a primeira coluna de blocos terá um bloco e a última terá 100.

Assim, o número de casas pintadas será dado por  $3 \cdot \frac{100 \cdot (1+100)}{2} = 3 \cdot 50 \cdot 101 = 15150$ .  $\square$

8. Um torneio de tênis individual é disputado pelo sistema eliminatório: cada dupla de jogadores disputa uma partida entre si, o vencedor segue no torneio e o perdedor é eliminado.

Se no torneio há 128 participantes, quantas partidas serão necessárias para se definir o vencedor da competição?

- (A) 63
- (B) 127
- (C) 128
- (D) 255
- (E) 256

**Solução da questão 8**

**Resposta: B**

Na primeira rodada temos 64 confrontos, na segunda temos 32 e assim por diante.

Portanto a quantidade total de confrontos é igual a  $64 + 32 + 16 + 8 + 4 + 2 + 1 = 127$ .  $\square$

9. Quantos são os anagramas da palavra **TEOREMA** que iniciam com vogal?

- (A) 720
- (B) 1440
- (C) 2160
- (D) 2880
- (E) 5040

**Solução da questão 9**

**Resposta: B**

Podemos calcular todos os anagramas da palavra e subtrair aqueles que iniciam por consoantes, ou seja ,

$$\frac{7!}{2!} - 3 \cdot \left( \frac{6!}{2!} \right) = 1440. \square$$

10. As notas dos 10 alunos de uma turma foram as seguintes:

8,1; 5,2; 6,8; 9,2; 7,5; 8,5; 8,9; 6,8; 8,3 e 7,7.

Considere as seguintes afirmações envolvendo as notas acima

I. A média aritmética das notas é 7,7.

II. A mediana das notas é 7,9.

III. A moda das notas é 6,8.

É correto o que se afirma em

- (A) I, apenas.
- (B) II, apenas.
- (C) I e III, apenas.
- (D) II e III, apenas.
- (E) I, II e III.

### Solução da questão 10

Resposta: E

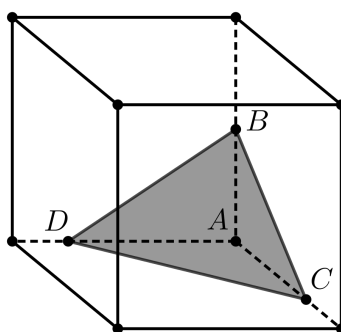
Iniciamos colocando as notas em ordem crescente: 5,2; 6,8; 6,8; 7,5; 7,7; 8,1; 8,3; 8,5; 8,9; 9,2.

A média aritmética das notas é  $\frac{5,2 + 6,8 + 6,8 + 7,5 + 7,7 + 8,1 + 8,3 + 8,5 + 8,9 + 9,2}{10} = \frac{77}{10} = 7,7$ .

Como a quantidade de termos é par, a mediana é a média aritmética dos termos centrais:  $\frac{7,7 + 8,1}{2} = 7,9$ .

A moda (nota com maior frequência) é 6,8.  $\square$

11. Os segmentos  $AB$ ,  $AC$  e  $AD$  estão contidos em arestas de um cubo e medem, respectivamente,  $1/2$ ,  $2/3$  e  $3/4$  da medida das arestas do cubo. O volume do tetraedro  $ABCD$  mede qual fração do volume do cubo?



- (A)  $1/2$
- (B)  $1/4$
- (C)  $1/12$
- (D)  $1/24$
- (E)  $1/72$

### Solução da questão 11

Resposta: D

Tomando a aresta do cubo como uma unidade, o volume do tetraedro  $ABCD$  (que é um triedro trirretângulo) é igual a  $\frac{1}{6} \times \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} = \frac{1}{24}$ .  $\square$

12. A soma dos 7 primeiros termos da progressão geométrica  $\left(\frac{2}{3}, -1, \frac{3}{2}, \dots\right)$  é igual a

- (A)  $\frac{95}{464}$
- (B)  $\frac{563}{191}$
- (C)  $\frac{463}{96}$
- (D)  $\frac{465}{93}$
- (E)  $\frac{466}{99}$

**Solução da questão 12**

**Resposta: C**

Para facilitar as contas, vamos inicialmente somar os três primeiros termos que é igual a  $\frac{7}{6}$ . A razão da PG é igual a  $-\frac{3}{2}$  e o quarto termo igual a  $-\frac{9}{4}$ .

Usando a expressão para a soma dos quatro seguintes, teremos  $S_4 = -\frac{9}{4} \cdot \frac{\left(\left(-\frac{3}{2}\right)^4 - 1\right)}{\left(-\frac{3}{2} - 1\right)} = \frac{117}{32}$ .

Logo a soma  $S_7 = \frac{7}{6} + \frac{117}{32} = \frac{463}{96}$ .  $\square$

13. Seja  $\{a_1, a_2, \dots, a_{100}\}$  uma progressão aritmética. Sabendo que

$$a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{98} + a_{99} + a_{100} = 2500$$

é correto afirmar que  $a_2 + a_3 + \dots + a_{98} + a_{99}$  é igual a

- (A) 2300
- (B) 2350
- (C) 2450
- (D) 2451
- (E) 2549

**Solução da questão 13**

**Resposta: C**

Temos que  $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{98} + a_{99} + a_{100} = \frac{a_1 + a_{100}}{2} \cdot 100 = 2500$ , logo  $a_1 + a_{100} = 50$ .

Portanto,  $a_2 + a_3 + \dots + a_{98} + a_{99} = 2500 - (a_1 + a_{100}) = 2500 - 50 = 2450$ .  $\square$

14. Uma escada extensível cujo comprimento pode variar entre 10 e 20 metros está apoiada em uma parede vertical de altura superior a 20 metros, de forma que a base da escada dista 5 metros da base da parede, medidos sobre um chão horizontal.

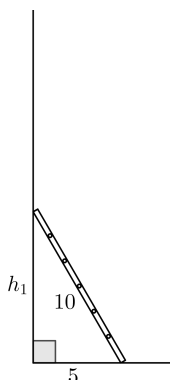
Quais são a menor e a maior altura que a escada poderá alcançar, com a extremidade superior apoiada na parede?

- (A)  $5\sqrt{3}$  e  $5\sqrt{15}$  metros
- (B)  $5\sqrt{3}$  e  $10\sqrt{3}$  metros
- (C)  $5\sqrt{5}$  e  $5\sqrt{17}$  metros
- (D)  $5\sqrt{5}$  e  $5\sqrt{15}$  metros
- (E)  $10\sqrt{3}$  e  $5\sqrt{17}$  metros

### Solução da questão 14

Resposta: A

As figuras abaixo representam a escada com seus comprimento mínimo e máximo, alcançando as alturas  $h_1$  e  $h_2$ , respectivamente.



Utilizando o Teorema de Pitágoras, podemos determinar estas alturas:

$$h_1^2 + 5^2 = 10^2 \therefore h_1^2 + 25 = 100 \therefore h_1^2 = 75 \therefore h_1 = \sqrt{75} = 5\sqrt{3}.$$

$$h_2^2 + 5^2 = 20^2 \therefore h_2^2 + 25 = 400 \therefore h_2^2 = 375 \therefore h_2 = \sqrt{375} = 5\sqrt{15}.$$

Assim, as alturas mínima e máxima que a escada poderá alcançar são, respectivamente,  $5\sqrt{3}$  e  $5\sqrt{15}$ .  $\square$

---

15. Sendo  $-1 < x_1 < 0$  e  $x_2 > 1$ , a inequação  $ax^2 + bx + c < 0$  possui solução  $(-\infty, x_1) \cup (x_2, +\infty)$  se, e somente se,

- (A)  $a < 0, b > 0, c < 0$ .
- (B)  $a < 0, b < 0, c < 0$ .
- (C)  $a < 0, b > 0, c > 0$ .
- (D)  $a > 0, b > 0, c < 0$ .
- (E)  $a < 0, b < 0, c > 0$ .

### Solução da questão 15

Resposta: C

Para que a solução de  $ax^2 + bx + c < 0$  seja  $(-\infty, x_1) \cup (x_2, +\infty)$ , é necessário que  $a < 0$ .

Além disso,  $x_1$  e  $x_2$  são as raízes de  $ax^2 + bx + c = 0$ , portanto  $-\frac{b}{a} = x_1 + x_2 > -1 + 1 > 0 \therefore \frac{b}{a} < 0$ , e, como  $a < 0$ , concluímos que  $b > 0$ .

Temos ainda  $\frac{c}{a} = x_1 \cdot x_2 < 0 \therefore \frac{c}{a} < 0$ . e, como  $a < 0$ , temos  $c > 0$ .  $\square$

---

16. Considere um ângulo agudo  $\alpha$  tal que  $\sin \alpha + \cos \alpha = \frac{7}{5}$ . Neste caso, tem-se que  $|\sin \alpha - \cos \alpha|$  é igual a

- (A) 1
- (B)  $\frac{4}{5}$
- (C)  $\frac{3}{5}$
- (D)  $\frac{2}{5}$
- (E)  $\frac{1}{5}$



**Solução da questão 16****Resposta: E**

Temos que  $(\sin \alpha + \cos \alpha)^2 = 1 + 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha = \frac{49}{25}$ .

Logo  $2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha = \frac{49}{25} - 1 = \frac{24}{25}$ .

Agora  $(\sin \alpha - \cos \alpha)^2 = 1 - 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$ .

Portanto,  $(\sin \alpha - \cos \alpha)^2 = 1 - \frac{24}{25} = \frac{1}{25}$  e então  $|\sin \alpha - \cos \alpha| = \frac{1}{5}$ .  $\square$

---

17. Considere as seguintes afirmações sobre um número inteiro  $n$  qualquer:

- I. se  $n^2$  é par, então  $n$  é par.
- II. se  $n^2$  é divisível por 4, então  $n$  é divisível por 4.
- III.  $n^2 + 5n$  é par.

É correto o que se afirma em:

- (A) I, apenas.
- (B) II, apenas.
- (C) I e III, apenas.
- (D) II e III, apenas.
- (E) I, II e III.

**Solução da questão 17****Resposta: C**

O item I é verdadeiro. De fato, se  $n$  é ímpar, então  $n^2 = (2k + 1)^2 = 2(2k^2 + 2k) + 1$  é ímpar.

O item II é falso, pois  $2^2$  é divisível por 4 mas 2 não é divisível por 4.

O item III é verdadeiro. De fato, tem-se que  $n^2 + 5n = n(n + 5) = n(n + 1 + 4) = n(n + 1) + 4n$ , que é soma de dois pares, portanto par.  $\square$

---

18. Considere o seguinte conjunto

$$A = \{3x + 5y \mid x, y \in \mathbb{Z}\}$$

Sobre os elementos de  $A$ , é **INCORRETO** afirmar que:

- (A)  $7 \in A$
- (B)  $\{-1, 1\} \subset A$
- (C)  $A \neq \emptyset$
- (D)  $-10 \in A$
- (E)  $6 \notin A$

**Solução da questão 18****Resposta: E**

Temos que  $7 = 3 \cdot (-1) + 5 \cdot 2$ ,  $1 = 3 \cdot 2 + 5 \cdot (-1)$ ,  $-1 = 3 \cdot (-2) + 5 \cdot 1$ ,  $-10 = 3 \cdot 0 + 5 \cdot (-2)$  e  $6 = 3 \cdot 2 + 5 \cdot 0$ .

Portanto, a afirmação incorreta é  $6 \notin A$ .  $\square$

---

19. Com  $\ell$  metros de arame um fazendeiro precisa cercar uma área retangular. Sabendo que um dos lados do retângulo não terá cerca, pois ficará junto a um rio, a maior área possível de ser cercada, em  $m^2$ , é igual a

- (A)  $\frac{\ell^2}{2}$
- (B)  $\frac{\ell^2}{4}$
- (C)  $\frac{\ell^2}{6}$
- (D)  $\frac{\ell^2}{8}$
- (E)  $\frac{\ell^2}{10}$

**Solução da questão 19**

**Resposta: D**

Se os lados do retângulo medem  $x$  e  $y$ , temos que  $2x + y = \ell$ ,  $y = \ell - 2x$ . A área  $xy = x(\ell - 2x)$  deve ser máxima, portanto devemos ter  $x = \frac{\ell}{4}$ ,  $y = \frac{\ell}{2}$  obtendo a área máxima igual a  $x \cdot y = \frac{\ell}{4} \cdot \frac{\ell}{2} = \frac{\ell^2}{8}$ .  $\square$

20. Duas locadoras de automóveis indicadas por  $A$  e  $B$  cobram tarifas diferentes por um mesmo tipo de carro. A locadora  $A$  cobra 1 real por quilômetro rodado mais uma taxa fixa de 100 reais. A locadora  $B$  cobra 80 centavos por quilômetro rodado mais uma taxa fixa de 200 reais. Nestas condições, a distância mínima  $d$ , tal que se a distância percorrida for maior do que  $d$  é mais vantajoso utilizar a locadora  $B$ , é igual a

- (A) 400 km
- (B) 500 km
- (C) 600 km
- (D) 700 km
- (E) 800 km

**Solução da questão 20**

**Resposta: B**

Indicando por  $A(x)$  e  $B(x)$  os valores cobrados pelas locadoras por  $x$  quilômetros rodados tem-se que  $A(x) = x + 100$  e  $B(x) = 0,8x + 200$ .

Assim,  $A(x) > B(x)$  se e somente se,  $x + 100 > 0,8x + 200$ .

Logo,  $A(x) > B(x)$  se, e somente se,  $0,2x > 100$ , ou seja  $x > 500$ .

Portanto, a distância mínima  $d$  é igual a 500 km.  $\square$

21. As grandezas  $x$  e  $y$  são inversamente proporcionais. Se  $x$  tem um acréscimo de 150%, então o decréscimo percentual de  $y$  é igual a

- (A) 40%
- (B) 50%
- (C) 60%
- (D) 80%
- (E) 90%

### Solução da questão 21

Resposta: C

Temos que  $x \cdot y = k$ , onde  $k$  é a constante de proporcionalidade.

Considerando  $x_1 = x + \frac{150}{100}x = \frac{250}{100}x$ , então

$$y_1 = \frac{k}{x_1} = \frac{xy}{x_1} = \frac{100}{250}y = \frac{40}{100}y = 40\% \text{ de } y.$$

Portanto  $y$  tem um decréscimo percentual de 60%.  $\square$

---

22. De quantas maneiras podemos distribuir 4 objetos diferentes em 3 caixas diferentes, de modo que nenhuma caixa fique vazia e que nenhum objeto fique fora das caixas?

- (A) 12 maneiras.
- (B) 18 maneiras.
- (C) 24 maneiras.
- (D) 36 maneiras.
- (E) 48 maneiras.

### Solução da questão 22

Resposta: D

Como cada caixa receberá pelo menos um objeto, teremos uma e somente uma com dois objetos.

Primeiro escolhemos a caixa que conterà dois objetos. Temos 3 modos de fazê-lo.

Em seguida escolhemos os dois objetos que serão colocados nesta caixa, ou seja, devemos escolher 2 objetos de 4, o que pode ser feito de 6 maneiras.

Finalmente teremos que escolher uma caixa para um terceiro objeto, isso pode ser feito de duas maneiras. O último objeto deverá ser colocado na caixa que está vazia.

Portanto, temos um total de  $3 \times 6 \times 2 \times 1 = 36$  maneiras para colocar 4 objetos diferentes em 3 caixas diferentes, de modo que nenhuma caixa fique vazia e que nenhum objeto fique fora das caixas.  $\square$

---

23. Considere as seguintes afirmações:

- I. Se  $n$  é um número natural, então  $\sqrt{n^2} = n$ .
- II. Se  $\sqrt{x}$  é um número racional, então  $x$  também é racional.
- III. Se  $y$  é um número real, então  $\sqrt[3]{y^3} = y$ .

É correto o que se afirma em:

- (A) I, apenas.
- (B) II, apenas.
- (C) I e III, apenas.
- (D) II e III, apenas.
- (E) I, II e III.

### Solução da questão 23

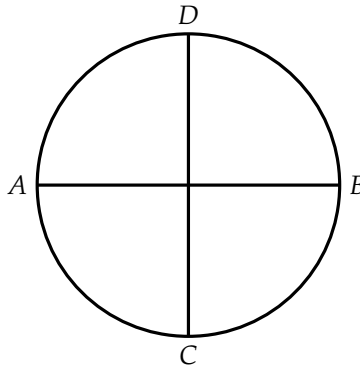
Resposta: E

Todas as afirmações estão corretas.  $\square$

---

24. Uma empresa cobra por metro quadrado de forro de gesso. Quando precisa forrar uma superfície circular, o empreiteiro multiplica as medidas de dois diâmetros do círculo para estimar a área ( $AB \times CD$ , na figura). Essa estratégia de cálculo da área do círculo apresenta um resultado superior ao correto, fazendo com que a empresa cobre um valor a mais do que quando a área é calculada pela fórmula correta.

Com um custo de R\$ 50,00 por metro quadrado, qual das opções melhor se aproxima do valor cobrado a mais pela empresa para forrar uma superfície circular com raio de 2 metros?



- (A) R\$ 172,00
- (B) R\$ 160,00
- (C) R\$ 140,00
- (D) R\$ 125,00
- (E) R\$ 100,00

**Solução da questão 24**

**Resposta: A**

A área da superfície circular de raio 2 metros é igual a  $\pi \cdot 2^2 = 4\pi$ .

O custo será dado por  $50 \cdot 4\pi = 200\pi \approx 200 \cdot 3,14 = 628$  reais.

Se aproximarmos a área da superfície circular usando  $AB \times CD = 4 \times 4 = 16$  metros quadrados o custo será igual a  $50 \times 16 = 800$  reais.

Portanto o valor cobrado a mais pela empresa será aproximadamente  $800 - 628 = 172$  reais.  $\square$

25. A professora de uma turma de 40 alunos realiza um sorteio para premiar um único aluno. Como regra, o aluno sorteado só ganha o prêmio se estiver presente na hora do sorteio. Os alunos são identificados por números de 1 a 40, os números são colocados numa urna e um deles é sorteado. Se o aluno do número sorteado estiver ausente faz-se outra retirada, e assim por diante, até que o aluno sorteado esteja presente. Considerando que dois alunos não estão presentes ao sorteio, qual é a probabilidade de um aluno presente ganhar o prêmio?

- (A) 1/40
- (B) 1/38
- (C) 1/20
- (D) 1/19
- (E) 1/18

**Solução da questão 25**

**Resposta: B**

Pelo enunciado, a probabilidade dos dois ausentes não ganharem o prêmio é de 100%.

Assim, a probabilidade de um aluno presente ganhar o prêmio é igual a  $\frac{1}{38}$ .  $\square$

26. As medidas dos lados de um triângulo foram aumentados em 2%. A área do triângulo foi então aumentada em exatamente

- (A) 4%
- (B) 4,04%
- (C) 6,02%
- (D) 8%
- (E) 8,08%

**Solução da questão 26**

**Resposta: B**

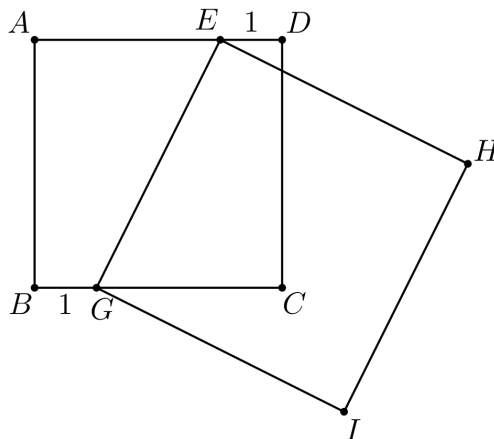
Sabemos que a área de um triângulo é diretamente proporcional ao quadrado de seus lados.

Digamos que um dos lados seja  $\ell$  e tenha aumentado para  $1,02\ell$  (aumentou 2%).

Logo a área será diretamente proporcional a  $(1,02\ell)^2 = 1,0404\ell^2$ .

Portanto a área do triângulo aumentou em 4,04%.  $\square$

27.  $ABCD$  é um quadrado cuja medida do lado é igual a 4. Toma-se os pontos  $E$  e  $G$  sobre os lados  $AD$  e  $BC$ , respectivamente, conforme a figura, tais que  $\overline{DE} = \overline{BG} = 1$  e constrói-se o quadrado  $EHIG$ .



A área do quadrado  $EHIG$  é igual a

- (A)  $4\sqrt{2}$
- (B)  $2\sqrt{5}$
- (C) 20
- (D)  $5\sqrt{3}$
- (E) 17

**Solução da questão 27**

**Resposta: C**

Seja  $L$  o lado quadrado  $EHIG$ . A paralela traçada de  $E$  ao lado  $CD$  encontra o lado  $BC$  em  $P$ .

Do triângulo retângulo  $EPG$ , temos que  $L^2 = 4^2 + 2^2 = 20$ , ou seja, a área é igual a 20.  $\square$

28. Considere a função quadrática  $f(x) = x^2 - 8x + 6$  no domínio dos reais. Sabendo que  $f(2023) = k$ , determine em função de  $k$  o valor de  $f(-2015)$ .

- (A)  $k$
- (B)  $2k + 1012$
- (C)  $k^2 - 403$
- (D)  $2k^2 - 880$
- (E)  $3k$

**Solução da questão 28**

**Resposta: A**

Observe que  $f(x) = (x - 4)^2 - 10$ . Os valores  $x = -2015$  e  $x = 2023$  são simétricos em relação a  $x = 4$ .

Portanto temos que

$$f(-2015) = (-2015 - 4)^2 - 10 = (-2019)^2 - 10 = 2019^2 - 10 = (2023 - 4)^2 - 10 = f(2023) = k. \quad \square$$

29. A equação  $(m + n)x = 5x + 5m - n - 7$  é verificada para mais de um valor de  $x$ .

Nessa condição, o valor de  $m^2 + n^2$  é igual a

- (A) 13
- (B) 24
- (C) 25
- (D) 28
- (E) 36

**Solução da questão 29**

**Resposta: A**

A equação pode ser reescrita na forma  $(m + n - 5)x = 5m - n - 7$ .

Esta tem mais soluções (infinitas) se, e somente se,  $m + n - 5 = 0$  e  $5m - n - 7 = 0$ , ou seja,  $m = 2$  e  $n = 3$ .

Portanto  $m^2 + n^2 = 2^2 + 3^2 = 4 + 9 = 13$ .  $\square$

30. Quantos são os anagramas da palavra PORTO em que as letras não aparecem em suas posições originais?

- (A) 48
- (B) 36
- (C) 24
- (D) 18
- (E) 12

**Solução da questão 30**

**Resposta: E**

Nas posições das consoantes temos 3 maneiras para colocar as vogais. Na posição inicial da terceira consoante, teremos duas possibilidades para as outras duas. Finalmente nas posições das vogais permutamos as consoantes restantes, logo a resposta é  $3 \cdot 2 \cdot 2 = 12$ .

**Solução Alternativa**

Listando as possibilidades:

OPORT, OTORP, OROPT, OTOPR, RPOOT, RTOOP, TROOP, TPOOR, ORPOT, OTPOR, OPTOR, ORTOP.  $\square$